

令和4年度入試問題(3期)解答

(1) x, y の値をそれぞれ有理化しなさい。

【解答】

$$f(x) = x^2 - mx + 4 = \left(x - \frac{m}{2}\right)^2 - m^2 + 4$$

より、頂点の座標は

$$(x, y) = \left(\frac{m}{2}, -m^2 + 4\right)$$

と求められる。

(2)

【解答】

方程式 $f(x) = 0$ の判別式を D_1

方程式 $g(x) = 0$ の判別式を D_2

とする。

方程式 $f(x) = 0$ が実数解を持つ条件は、 $D_1 \geq 0$ より

$$m \leq -4, 4 \leq m \dots \textcircled{1}$$

方程式 $g(x) = 0$ が実数解を持つ条件は、 $D_2 \geq 0$ より

$$-1 \leq m \dots \textcircled{2}$$

①②より、 $f(x) = 0, g(x) = 0$ の少なくとも一方が実数解をもつ条件は

$$m \leq -4, -1 \leq m$$

と求められる。

2

【解答】

与式より

$$x^2 = 1 - 3y^2 \dots \textcircled{1}$$

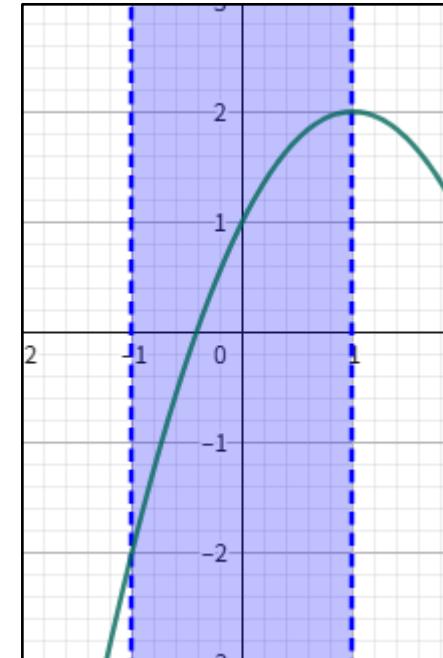
と変形できる。いま、 $2x + 3y^2 = k$ と置き、①を代入すると

$$k = -x^2 + 2x + 1 = -(x-1)^2 + 2$$

となる。また、 $3y^2 = 1 - x^2 \geq 0$ であるから、

$$-1 \leq x \leq 1$$

つまり、 $-1 \leq x \leq 1$ の範囲内で k の最大値、最小値を求めればよい。



図より

最小値 -2 最大値 2

と求められる。

③

(1)

【解答】

$a:b:c = 3:2:4$ より、 a, b, c の長さをそれぞれ $3x, 2x, 4x$ とおく。

余弦定理より

$$\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} = \frac{(2x)^2 + (4x)^2 - (3x)^2}{2(2x)(4x)} = \frac{11x^2}{16x^2} = \frac{11}{16}$$

同様に

$$\cos B = \frac{c^2 + a^2 - b^2}{2ca} = \frac{(4x)^2 + (3x)^2 - (2x)^2}{2(4x)(3x)} = \frac{21x^2}{24x^2} = \frac{21}{24}$$

$$\cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab} = \frac{(3x)^2 + (2x)^2 - (4x)^2}{2(3x)(2x)} = -\frac{3x^2}{12x^2} = -\frac{3}{12}$$

ゆえに、

$$\cos A : \cos B : \cos C = 33 : 42 : -24$$

と求められる。

(2)

【解答】

$$\cos C = -\frac{3}{12} = -\frac{1}{4}$$

より

$$\sin C = \frac{\sqrt{15}}{4}$$

であるから、三角形ABCの面積をSとすれば

$$S = \frac{1}{2}ab \sin C = \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 4 \cdot \frac{\sqrt{15}}{4} = 3\sqrt{15}$$

と求められる。

④

【解答】

中央値が 6 であるから

$$\frac{b+7}{2} = 6$$

ゆえに

$$b = 5$$

また、平均値が 6、分散が 6 であるから

$$\frac{2+a+b+7+c+10}{6} = 6 \dots ①$$

$$\frac{(2-6)^2 + (a-6)^2 + (b-6)^2 + (7-6)^2 + (c-6)^2 + (10-6)^2}{6} = 6 \dots ②$$

①②を解いて

$$a = 5, b = 7$$

と求められる。

【出題意図】

- ・①について

判別式についての理解を問う

- ・②について

2次関数についての理解を問う

- ・③について

図形と計量についての理解を問う

- ・④について

データの分析についての理解を問う